

**ОТЗЫВ**  
**на автореферат диссертации**  
**Хорькова Александра Владимировича**

«Математические модели, алгоритмы и программы оптимизации многократного покрытия  
ограниченных множеств»  
на соискание ученой степени кандидата технических наук  
по специальности 05.13.18 – Математическое моделирование,  
численные методы и комплексы программ

В представленном на отзыв автореферате автор разрабатывает математические модели, комплекс программ и алгоритмы оптимизации многократного покрытия. Были рассмотрены два типа задач: минимизация числа покрывающих кругов при их фиксированном радиусе и минимизация радиуса покрывающих кругов при их фиксированном количестве. Диссертационная работа актуальна, так как существует большое число практических задач, в которых круги являются зоной действия устройств, например, панорамные или поворотные камеры в системах видео наблюдения, сенсоры в системах отслеживания пожаров, анализа качества воздуха, воды и др.

Для решения задач разработаны математические модели  $k$ -покрытия ограниченной области кругами при наличии дополнительных ограничений на минимальное расстояние между центрами покрывающих кругов и условия их разрешимости, методы нахождения приближенных нижних оценок числа равных кругов и плотности кругов двух разных радиусов для  $k$ -покрытия заданной области, численные алгоритмы с использованием релаксации для задач с большим числом переменных.

Практическая значимость заключается в новых алгоритмах оптимизации многократного покрытия, реализованных в виде комплекса программ, и подтверждается использованием на практике. Теоретическая значимость заключается в разработанном математическом обеспечении, некоторые положения которого доведены до теорем.

Предложенные решения поставленных задач уместны и актуальны. Эффективность системы подтверждена результатами экспериментов, корректно доказанными теоремами и апробацией на конференциях. У автора имеется 6 статей в журналах из списка ВАК, 1 статья из Scopus, 1 из Web Of Science. Автореферат написан технически грамотным языком, основные идеи и результаты выполненного диссертационного исследования представлены достаточно подробно. Диссертация соответствует паспорту специальности 05.13.18 по пунктам 3, 4, 8.



По тексту автореферата имеется следующее замечание: после формулировки теоремы 4 приводится процедура определения нижней оценки числа кругов для  $k$ -покрытия, где  $1 \leq k \leq 4$ . Не обоснована причина именно такого выбора  $k$ . Данное замечание не влияет на общую положительную оценку диссертации. Приведенные в ней результаты и выводы достаточно обоснованы и не противоречат известным положениям других авторов.

Из текста автореферата видно, что диссертационная работа «Математические модели, алгоритмы и программы оптимизации многократного покрытия ограниченных множеств» является завершенным научным исследованием и соответствует требованиям п.9 «Положения о присуждении ученых степеней» ВАК РФ. Считаю, что автор работы, Хорьков Александр Владимирович, заслуживает присуждения ему ученой степени кандидата технических наук по специальности 05.13.18 – Математическое моделирование, численные методы и комплексы программ.

Научный сотрудник Лаборатории дискретной  
оптимизации в исследовании операций ФГБУН  
Институт математики им. С.Л. Соболева  
Сибирского отделения Российской академии наук,  
кандидат физико-математических наук



  
Плотников Роман Викторович

Кандидатская диссертация защищена по специальности 05.13.18 – Математическое моделирование численные методы и комплексы программ.

630090, г. Новосибирск, проспект Академика Коптюга, 4

Телефон: (383) 3297535

Email: prv@math.nsc.ru

